2024年9月17日 16:44

原码反码补码

在计算机中,数据通常以二进制形式表示,二进制又可以用原码、反码和补码方式来表示。如果只有正数和加法运算,使用原码即可,反码、补码的出现是为了解决负数和减法所带来的问题。计算机信息存储的最小单位是byte(8位)。为了便于理解,接下来用带符号位的四位二进制数举例说明。

0. 真值

真值是指在计算机中实际表示的数值,它可以通过原码、反码或补码转化得到。对于无符号整数,真值与原码相同; 对于有符号整数,真值可通过补码表示。

1. 原码

定义: 原码是一种直接表示数字符号和大小的二进制编码方法。

符号位:最高位为符号位,0表示正数,1表示负数。

数值部分:剩下的位表示数值大小(绝对值)。

特点:

正数的原码和其二进制形式相同。

负数的原码:符号位为 1,数值部分和正数的绝对值一致。

例子:

+5 的原码: 00000101 (8 位表示)。

-5 的原码: 10000101 (8 位表示)。

2. 反码

定义: 反码是在原码的基础上对数值部分(非符号位)取反(0变 1,1 变 0)。 正数的反码和原码相同。

负数的反码:符号位保持 1,数值部分逐位取反。

特点:

正数的反码不变。

负数的反码可看作表示一种"对称"结构。

例子:

+5 的反码: 00000101 (与原码相同)。

-5 的反码: 11111010 (符号位 1, 数值部分取反)。

为什么引入反码? (了解)

反码主要是为了**引入负数的二进制表示对称性**,便于机器理解和处理正负数。

在原码表示中, **正数和负数不对称**。

比如: +5 的原码是 00000101, -5 的原码是 10000101。

问题 1: 双零问题: 原码中存在"正零"(00000000)和"负零"(10000000),这对于计算机来说是不便处理的。

问题 2: 加减法复杂: 使用原码进行加减法需要特别处理符号位,逻辑复杂。

通过引入反码,负数的表示更自然,形成了正负数的"对称性",减少了加减法运算中的一些逻辑问题。

3. 补码

定义: 补码是在反码的基础上,最后一位加 1。

正数的补码和原码相同。

负数的补码:符号位保持 1,数值部分先取反(反码),然后加 1。

特点:

补码是计算机中表示有符号数的主要方式,因为它简化了加减法运算。

补码表示的范围比原码和反码大 1。

补码唯一代表零(00000000),而原码和反码有两个零(正零和负零)。

例子:

+5 的补码: 00000101 (与原码相同)。

-5 的补码: 11111011 (反码基础上加 1)。

为什么引入补码? (了解)

反码虽然解决了对称性问题,但反码仍然有**双零问题**: 00000000 和 11111111 分别表示"正零"和"负零",这在某些计算中依然是麻烦的。

补码解决的问题

双零问题:在补码表示中,零只有一种表示形式,即 00000000。没有"负零"。

加减法运算统一: 补码可以让减法转换成加法,从而统一了加法和减法的运算逻辑。

4、总结对比

数值	原码	反码	补码
5	00000101	00000101	00000101
-5	00000101	11111010	11111011

反码的主要作用是解决负数表示的不对称性,为计算机加减法提供更简单的规则。

补码是在反码基础上进一步优化,解决了双零问题,并简化了计算逻辑,使得现代计算机能够高效地处理有符号数的运算。